

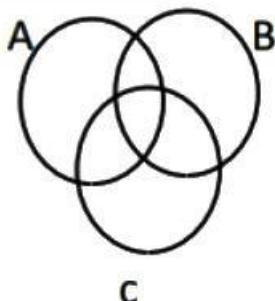
۱	صفحه اول	سوالات	دیف
۲	<p>کدام یک از عبارت های زیر درست و کدام یک نادرست است؟</p> <p>الف) عبارت «<math>\forall</math> شهر زیبای ایران » یک مجموعه را مشخص می کند. ( )</p> <p>ب) <math>(-5)^2 = -5</math> ( )</p> <p>ج) دو مثلث متساوی الاضلاع دلخواه متشابه اند. ( )</p> <p>د) اگر <math>x &gt; 0</math> و <math>y &lt; 0</math> باشد، آنگاه <math> x  +  y  = x + y</math>. ( )</p>	-۱	
۳	<p>جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) یک مجموعه <math>\emptyset</math> عضوی دارای ..... زیرمجموعه است.</p> <p>ب) اگر <math>A = \emptyset</math> ، آنگاه <math>A \cup B</math> برابر است با ..... .</p> <p>ج) اگر زاویه بین دو خط در طبیعت <math>125^\circ</math> درجه باشد، زاویه بین دو خط متناظر آن در نقشه ..... درجه است.</p> <p>د) از اجتماع مجموعه اعداد گویا و اعداد اصم ، مجموعه اعداد ..... حاصل می شود.</p>	-۲	
۴	<p>گزینه مناسب را انتخاب کنید.</p> <p>الف) اعضای مجموعه <math>A</math> را اگر به صورت <math>\{x \mid x \in \mathbb{N} \text{ و } x \leq 3\}</math> باشد کدام است؟</p> <p><math>A = \{2, 6\}</math> (۴)      <math>A = \{2, 6, 9, 12, \dots\}</math> (۲)      <math>A = \{2, 6, 9\}</math> (۲)      <math>A = \{1, 2, 3\}</math> (۱)</p> <p>ب) کدام گزینه صحیح است؟</p> <p><math>\mathbb{N} \subseteq \mathbb{R} \subseteq \mathbb{Q} \subseteq \mathbb{Z}</math> (۲)      <math>\mathbb{N} \subseteq \mathbb{Z} \subseteq \mathbb{Q} \subseteq \mathbb{R}</math> (۱)</p> <p><math>\mathbb{N} \subseteq \mathbb{Z} \subseteq \mathbb{R} \subseteq \mathbb{Q}</math> (۴)      <math>\mathbb{Q} \subseteq \mathbb{Z} \subseteq \mathbb{R} \subseteq \mathbb{N}</math> (۵)</p> <p>ج) به دلیل آوردن و استفاده از دانسته های قبلی ، برای معلوم کردن موضوعی که در ابتدا مجھول بوده است چه می گویند؟</p>	-۳	
۵	<p>(۱) استدلال      (۲) فرض      (۳) مثال نقض      (۴) حدس</p> <p>د) عبارت <math>2^{-1} + 2^{-1} = 2^{-1}</math> مساوی کدام گزینه است؟</p> <p><math>5^1</math> (۴)      <math>5^{-2}</math> (۳)      <math>5^{-1}</math> (۲)      <math>\frac{1}{2} + \frac{1}{2}</math> (۱)</p>	۱	

۴ اگر  $C = \{1, 2, 3, 4, 6\}$  و  $B = \{1, 2, 4, 8\}$  و  $A = \{1, 2, 4, 6, 8\}$  باشد.  
الف) مجموعه های زیر را با استفاده از نمودار ون نمایش دهید.

۱)  $(A \cap B) =$

۲)  $(A - B) \cup (B - C) =$

ب) مجموعه های زیر را با اعضاء مشخص کنید.



$$A \cap B \cap C$$

۵ در شکل زیر مجموعه خواسته شده را رنگ کنید.

۰/۵

۶ استدلال زیر درست است یا خیر؟ چرا؟

اضلاع مربع با هم برابرند.

$ABCD$  یک مربع نیست

پس اضلاع  $ABCD$  با هم برابر نیستند.

۱



۷ تاسی را پرتاب می کنیم ، چقدر احتمال دارد :

الف) عدد رو شده شمارنده ۶ باشد؟

ب) عدد رو شده زوج نباشد؟

۱

الف) سه کسر بین  $\frac{1}{7}$  و  $\frac{1}{6}$  بنویسید.

ب) یک عدد گنگ بین ۲ و ۳ بنویسید.

۱

الف) مجموعه زیر را روی محور نشان دهید.

$$A = \{x \in \mathbb{R} \mid -2 \leq x < 2\}$$



ب) عدد  $(-2 + \sqrt{5})$  بین کدام دو عدد صحیح متولی قرار دارد؟

۴

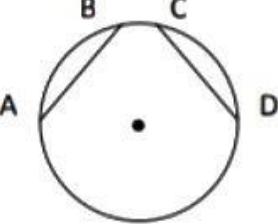
۵

۶

۷

۸

۹

۱	$\sqrt{(1 - \sqrt{5})^2}$	الف) حاصل عبارت مقابل را به دست اورید.  ب) عبارت مقابل را بدون قدر مطلق بنویسید و در صورت امکان ساده کنید.	۱۰
۰/۵	$ 2 - \sqrt{2}  +  1 - \sqrt{2}  =$	حاصل عبارت زیر را به ازای $a = 2$ و $b = -6$ به دست اورید	۱۱
۱	$\frac{ a  -  b }{\tau  a + b } =$	حاصل عبارت داده شده را بدست اورید.	۱۲
۱/۵	$(-\tau \frac{5}{4} + \tau \frac{1}{2}) \div \left(-1 - \frac{1}{9}\right) =$	در دایره مقابل و ترها $AB = CD$ ثابت کنید کمانهای	۱۳
			
۴	الف) دو مربع متشابه‌اند و نسبت تشابه آنها $\frac{4}{5}$ است. اگر اندازه ضلع مربع بزرگ $20\text{ cm}$ باشد، اندازه مساحت مربع کوچک چند سانتی متر مربع است؟  ب) فاصله‌ی دو شهر از هم در روی نقشه‌ای با مقیاس $\frac{1}{3000000}$ برابر ۳ سانتی متر می‌باشد فاصله‌ی واقعی دو شهر چند کیلومتر است؟		۱۴
۱/۵	$3^{12} \times 27^{-3} =$  $\left(\frac{28}{32}\right)^6 \times \left(\frac{14}{11}\right)^{-6} =$	هر یک را به صورت عدد تواندار بنویسید.	۱۵
۱	$.....567$ $\frac{11}{2} \times 10^2$	الف) نماد علمی عدد زیر را بنویسید.  ب: نمایش اعشاری عدد زیر را بنویسید.	۱۶
۲۰		جمع	

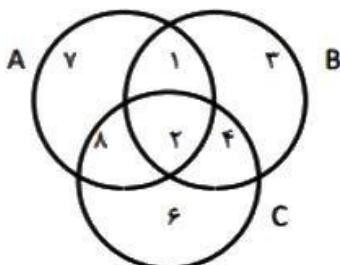
به اندازه تلاشتان آرزو گنید یا به اندازه آرزویتان تلاش

موفق باشید.

پاسخ سوالات کوتاه پاسخ (هر مورد ۰/۵ نمره)

- |                   |              |              |              |
|-------------------|--------------|--------------|--------------|
| ۱) الف) نادرست    | د) نادرست    | ج) درست      | ب) نادرست    |
| ۲) الف) حقيقة     | ۱۲۵          | ب) B         | ۱۶           |
| ۳) الف) گزینه‌ی ۲ | ج) گزینه‌ی ۱ | ب) گزینه‌ی ۱ | د) گزینه‌ی ۱ |

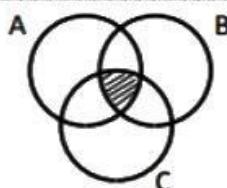
پاسخ سوالات تشریحی



۴) الف) هر قسمت ۰/۵ نمره

$$(A - B) \cup (B - C) = \{4, 6\} \cup \{5\} = \{4, 5, 6\}$$

$$A \cap B = \{4, 5\}$$



۵) هر قسمت ۰/۵ نمره

هر قسمت ۰/۵ نمره

$$A = \{1, 2, 3\}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

$$B = \{1, 3, 5\}$$

$$P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

۷۵ نمره

$$\frac{1}{2} = \frac{8}{24}, \frac{9}{24}, \frac{10}{24}, \frac{11}{24}, \frac{12}{24} = \frac{1}{12}$$

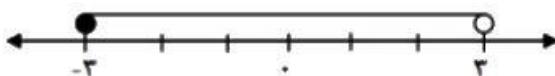
الف)

۰/۲۵ نمره

$$\sqrt{4} = 2 \text{ و } \sqrt{5} \text{ و } \sqrt{9} = 3$$

ب)

۹) الف) ۰/۵ نمره



۰/۵ نمره

$$\sqrt{4} < \sqrt{5} < \sqrt{9} \rightarrow 2 < \sqrt{5} < 3 \rightarrow 0 < \sqrt{5} - 2 < 1$$

ب)

$$\sqrt{(1-\sqrt{5})^2} = |1-\sqrt{5}| = \sqrt{5}-1 \quad (10) \text{ (الف)}$$

$$\text{نمره} / ٥ \quad |2 - \sqrt{2}| + |1 - \sqrt{2}| = 2 - \sqrt{2} + \sqrt{2} - 1 \quad (٤)$$

$$\text{نمره} / \Delta = \frac{|-6| - |2|}{|-6+2|} = \frac{6-2}{4 \times 4} = \frac{4}{16} = \frac{1}{4} \quad (11)$$

$$\text{نمره ۱} \quad \left( \frac{-۱۷}{۵} + \frac{۷}{۵} \right) \div \left( \frac{-۱۰}{۱} \right) = \left( \frac{۴}{۵} \right) \times \left( \frac{-۱}{۱۰} \right) = \frac{-۲}{۲۵} \quad (۱۲)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} AB = CD \\ OA = OC \\ OB = OD \end{array} \right. \rightarrow \text{ (ض ض ض)} \rightarrow \text{ مثلث } OAB \cong \text{ مثلث } OCD \rightarrow \text{ زاویه } AOB = \text{ زاویه } COD \rightarrow \text{ کمان } AB = \text{ کمان } CD \quad (13)$$

٥٠ نمره / ٢٥ نمره / ٧٥ نمره

$$\text{نمره} = \frac{x}{16} \quad x = 16 \quad S = 16 \times 16 = 196 \text{ cm}^2 \quad (14) \text{ الف}$$

$$r \times 1000 = r \cdot km$$

$$r^{12} \times r^{22-4} = r^{12} \times (r^4)^{-4} = r^{12} \times r^{-16} = r^{-4}$$

$$\text{نمره} \cdot \sqrt{75} = \left(\frac{\frac{75}{10}}{\frac{10}{10}}\right)^5 \times \left(\frac{10}{10}\right)^{-5} = \left(\frac{75}{10} \times \frac{10}{10}\right)^5 = \left(\frac{75}{10}\right)^5$$

(١٦) الف) ١٠٠ × ٥٧/٥٨

$$\text{نمره} \times 10 = \text{نمره}$$